УДК 535.241.13:534

# МЕТОДЫ ИНЖЕНЕРНОГО РАСЧЕТА СХЕМЫ ЭЛЕКТРИЧЕСКОГО СОГЛАСОВАНИЯ АКУСТООПТИЧЕСКОГО МОДУЛЯТОРА

О.В.Шакин, доктор техн. наук, профессор Р.А.Хансуваров, ассистент **М.И.Колосков,** ассистент Санкт-Петербургский государственный университет аэрокосмического приборостроения

Представлена методика расчетов параметров элементов акустооптического модулятора. С ее помощью рассчитаны электрооптическая частотная характеристика акустооптического модулятора, параметры электрической эквивалентной схемы пьезопреобразователя по методу Фано, определены геометрические размеры электрода пьезопреобразователя. Приведены расчеты амплитудно-частотной характеристики согласующей цепи, частотной характеристики изотропного акустооптического взаимодействия и затухания акустической волны в светозвукопроводе. Эти величины используются в расчете электрооптической частотной характеристики акустооптического модулятора. При его разработке параметры указанной характеристики являются одним из основных требований.

**Ключевые слова** — акустооптический модулятор, электрооптическая частотная характеристика, схема согласования, пьезопреобразователь.

### Введение

Особенностью предлагаемой методики расчета схемы согласования акустооптического модулятора (AOM) является предположение об отсутствии искажений в акустооптической ячейке, работающей на линейном участке модуляционной характеристики AOM. Данная методика расчета включает в себя следующие этапы:

 выбор материалов светозвукопровода и пьезопреобразователя (ПП);

 определение параметров электрической эквивалентной схемы ПП;

3) определение размеров верхнего электрода ПП;

4) расчет электрической цепи, согласующей ПП с генератором электрического сигнала;

5) расчет электрооптических характеристик [1].

#### Описание метода расчета

Для расчета схемы согласования для пьезопреобразователя  $LiNbO_4$  и светозвукопровода  $TeO_2$  выбраны следующие исходные данные: 1) длительность обрабатываемого сигнала T=3 мкс;

2) среднеарифметическая частота рабочего диапазона  $f_0 = 300 \text{ M}$ Гц;

3) относительная полоса рабочих частот  $\Delta\Omega = 0.333;$ 

4) уровень неравномерности электрооптической частотной характеристики  $\Delta a = 0,1;$ 

5) длина волны лазерного излучения  $\lambda$ =632 нм;

6) мощность генератора сигнала в согласованной нагрузке  $P_0 = 100$  мкВт;

7) выходное сопротивление генератора  $R_{\rm r} = 50$  Ом.

Вид и элементы электрической эквивалентной схемы электроакустического преобразователя на основе пьезоэлектрической пластины представлены на рис. 1.

Определение параметров электрической эквивалентной схемы ПП сводится к определению безразмерного коэффициента электрической связи k и добротности Q последовательного  $L_kCR$ -контура:

$$k = \frac{C}{C_0} = 0,2; Q = 4; k = \frac{k_{\scriptscriptstyle \Theta M}^2}{1 - k_{\scriptscriptstyle \Theta M}^2},$$

## Ο ΕΡΑΕΟΤΚΑ ИΗΦΟΡΜΑЦИИ И УΠΡΑΒΛΕΗИΕ



*Puc. 1.* Электрическая эквивалентная схема пьезопреобразователя АОМ

где C — динамическая емкость последовательного  $L_k CR$ -контура;  $C_0$  — статическая емкость последовательного  $L_k CR$ -контура;  $k_{_{\rm ЭМ}}$  — коэффициент электромеханической связи.

Если волновые акустические сопротивления ПП и акустического связующего слоя близки по величине, а диссипативные потери в ПП и в акустическом связующем слое малы, то при расчете добротности можно воспользоваться приближенной формулой

$$Q = \frac{\pi W_{PT}}{2W_{BL}},$$

где  $W_{PT}$  — волновое акустическое сопротивление ПП;  $W_{BL}$  — волновое акустическое сопротивление светозвукопровода.

Частотную характеристику электрооптической эффективности АОМ [2] можно записать в виде

$$K_d = K_a k_1 k_2 k_3 k_4,$$

где  $K_a$  — акустооптическая эффективность;  $k_1$  — частотная зависимость энергетической эффективности преобразующей электрической цепи, согласующей ПП с источником управляющего сигнала;  $k_2$  — частотная зависимость акустооптической эффективности, обусловленная механизмом акустооптического взаимодействия;  $k_3$  — частотная зависимость акустооптической эффективности, обусловленная механизмом акустооптического взаимодействия;  $k_3$  — частотная зависимость акустической волны при распространении в светозвукопроводе;  $k_4$  — частотная зависимость диссипативных потерь в электроакустическом преобразователе и элементах узла его электрического возбуждения.

Частотная зависимость преобразования согласующей цепи

$$k_1 = \frac{P_{\pi}}{P_0} = 1 - \left|\Gamma\right|^2,$$

где  $P_{\rm n}$  — электрическая мощность, поглощаемая входом электрической согласующей цепи;  $P_0$  — мощность управляемого сигнала.



Puc. 2. Полосовая двухзвенная согласующая цепь

Для полосовой двухзвенной согласующей цепи, оптимальной по методу Фано, без учета диссипативных потерь (рис. 2), модуль коэффициента отражения имеет вид

$$\begin{split} |\Gamma|^{2} &= \\ &= \frac{\left(Q\sqrt{k} - 1 - (a)^{2}Q^{2}\frac{1}{Q\sqrt{k}}\right)^{2} + (a)^{2}Q^{2}\left(1 - \frac{1}{Q\sqrt{k}}\right)^{2}}{\left(Q\sqrt{k} + 1 - (a)^{2}Q^{2}\frac{1}{Q\sqrt{k}}\right)^{2} + (a)^{2}Q^{2}\left(1 + \frac{1}{Q\sqrt{k}}\right)^{2}}, \\ &\quad a = \Omega - \frac{1}{\Omega}, \end{split}$$

где  $\Omega = \Delta f / f_0$  — относительная частота. Зависимость  $k_1(\Omega)$  показана на рис. 3, линия 1.

Частотная зависимость акустооптической эффективности, обусловленная механизмом акустооптического взаимодействия, рассчитывается по формуле

$$k_{2}(f) = \left(\frac{\sin\left(0,25Q_{\mathrm{KK}}\left(P^{2}\Omega^{2}-P\Omega\right)\right)}{0,25Q_{\mathrm{KK}}\left(P^{2}\Omega^{2}-P\Omega\right)}\right)^{2},$$

где  $Q_{\rm KK}$  — параметр Клейна — Кука;  $P = f_{\rm B}/f_0 = 1$  — относительная расстройка среднегеометрической частоты характеристики  $k_1(f)$  по отношению к частоте Брэгга;

$$f_{\rm B} = 2n\sin\left(\frac{\theta_{\rm B}}{\lambda}\right) = 3 \cdot 10^8 \ \Gamma {
m m}.$$

Здесь n=12 — показатель преломления светозвукопровода; угол Брэгга  $\theta_{\rm E}=0,02257.$ 

Зависимость  $k_2(f)$  показана на рис. 3, линия 2. Частотная зависимость акустооптической эффективности, обусловленная затуханием акустической волны при распространении в светозвукопроводе, рассчитывается по формуле

$$k_{3} = \frac{1 - \exp(-x_{0}\Omega^{2})}{x_{0}\Omega^{2}}; x_{0} = 2\alpha_{0}v_{_{3B}}Tf_{0}^{2},$$

№ 5, 2013

## Ο ΕΡΑ ΕΟΤΚΑ Η ΦΟΡΜΑЦИИ Η ΥΠΡΑΒΛΕΗИΕ



 Puc. 3. Частотная зависимость преобразования согласующей цепи; акустооптической эффективности; акустооптической эффективности, обусловленная затуханием акустической волны при распространении в светозвукопроводе

где α<sub>0</sub> — коэффициент затухания акустической волны; *v*<sub>3в</sub> — скорость акустической волны в светозвукопроводе.

Зависимость  $k_3(f)$  показана на рис. 3, линия 3. Потери в электроакустическом тракте малы.

Поэтому можно считать, что мощность, поглощаемая согласующей цепью, равна мощности излучаемой ( $P_{\rm II} = P_{\rm a}$ ). В этом случае  $k_4(f) = P_{\rm II}/P_{\rm a} = 1$ .

Электрооптическая частотная характеристика (ЭОЧХ) АОМ записывается в виде

$$\begin{split} K_{d}(k, Q, x_{0}, Q_{\text{KK}}, P, f) &= \\ &= AQ_{\text{KK}}k_{1}(k, Q, f)k_{2}(Q_{\text{KK}}, f, P)k_{3}(k, Q, f)k_{4}(f); \\ &A = \frac{\pi M_{2}n_{0}^{2}\lambda_{\text{E}}^{2}}{4h\lambda^{3}\cos(\theta_{\text{E}})^{2}} = 356,701; \\ &Q_{\text{KK}} = \frac{2\pi\lambda L}{n_{0}^{2}\lambda_{\text{E}}^{2}} = 21,0258, \end{split}$$

где A — параметр взаимодействия;  $M_2$  — акустооптическая добротность среды светозвукопровода;  $n_0$  — показатель преломления светозвукопровода;  $\lambda_{\rm B}$  — длина акустической волны, при которой углы падающей и дифрагировавшей оптических волн относительно нормали к фронту акустической волны равны; h — поперечный размер внешнего электрода;  $\lambda$  — длина волны лазерного пучка в вакууме; L — продольный размер электрода.

Нормированная ЭОЧХ рассчитывается как

$$\begin{split} K'_{d}(k, Q, x_{0}, Q_{\text{KK}}, P, f) = & \frac{K_{d}(k, Q, x_{0}, Q_{\text{KK}}, P, f)}{AP_{0}} = \\ = & Q_{\text{KK}} k_{1}(k, Q, f) k_{2}(Q_{\text{KK}}, f, P). \end{split}$$

Параметры k, Q,  $x_0$  определяются физическими параметрами кристалла, а  $Q_{\rm KK}$  и P — управляемые параметры, с помощью которых можно получить заданный вид ЭОЧХ.



 Puc. 4. Нормированная ЭОЧХ акустооптического модулятора

Нормированная частотная характеристика показана на рис. 4.

Характеристики на рис. 3 и 4 хорошо согласуются с расчетом, представленным в работе [3].

Длина акустооптического взаимодействия

$$L = \frac{Q_{\rm KK} n v_{\rm 3B}^2}{2\pi\lambda f_{\rm E}^2} = 2,076 \text{ mm}.$$

Электрод был выбран [3] прямоугольной формы. Длина поперечного сечения пьезоэлектрической пластины

$$H = \sqrt{\frac{2v_{\rm 3B}^2 \cdot T}{f_{\rm H}}},$$

где  $f_{\rm H}$  — нижняя граничная частота:

 $f_{\rm H} = -\Delta f + \sqrt{f_0^2 + \Delta f^2}.$ 

Длина поперечного сечения *H* в работе [3] указана и равна 2,5 мм. Статическая емкость

$$C_0 = \varepsilon \varepsilon_0 \frac{S}{t} = 46,279 \text{ m}\Phi;$$
  
 $S = LH; \ t = \frac{v_{3B}}{2f_0} = 7 \text{ mkm},$ 

11

где  $\varepsilon = 36,6$  — диэлектрическая проницаемость ПП;  $\varepsilon_0 = 8,85 \cdot 10^{-12} \Phi/м$ ; *S* — площадь электрода; t = 7 мкм — толщина ПП.

Сопротивление излучения ПП рассчитывается как

$$R = \frac{1}{\omega_0 C_0 k Q} = 14,3312 \text{ Om}.$$

Величина индуктивности, параллельной ПП:

$$L_0 = \frac{1}{4\pi^2 f_0^2 C_0^2} = 6,082$$
 нГн.

Таким образом, были рассчитаны электрические и геометрические параметры ПП и нормированная ЭОЧХ АОМ, которая является одной из главных характеристик, определяющих его качество.

## Заключение

Предлагаемая методика позволяет рассчитать ЭОЧХ АОМ и геометрические размеры электродов пьезоэлемента. Полученные результаты хорошо согласуются с расчетом, показанным в работе [3]. Данная методика годится для расчета ЭОЧХ АОМ как в режиме Брэгга, так и в режиме Рамана — Ната.

Особенностью представленной методики является предположение об отсутствии искажений в акустооптической ячейке, работающей на линейном участке модуляционной характеристики AOM.

Работа выполнена в рамках государственного контракта № 14.527.12.0019.

#### Литература

- 1. Данилов В. В. Инженерный расчет акустооптического модулятора // Технология и конструирование в электронной аппаратуре. 2000. № 2–3. С. 16–21.
- Гусев О. Б. Методика расчета основных элементов и технических характеристик электроакустооптического тракта акустооптических модуляторов: метод. указ. / ЛИАП. – Л., 1984. – 18 с.
- Design and fabrication of acousto-optic devices / Ed. Akis P. Goutzoulis, Dennis R. Pape, Sergei V. Kulakov. - N. Y.: University of Rochester, 1994. - 497 p.

## ПАМЯТКА ДЛЯ АВТОРОВ

Поступающие в редакцию статьи проходят обязательное рецензирование. При наличии положительной рецензии статья рассматривается редакционной коллегией. Принятая в печать статья направляется автору для согласования редакторских правок. После согласования автор представляет в редакцию окончательный вариант текста статьи. Процедуры согласования текста статьи могут осуществляться как непосредственно в редакции, так и по e-mail (ius.spb@gmail.com).

При отклонении статьи редакция представляет автору мотивированное заключение и рецензию, при необходимости доработать статью — рецензию. Рукописи не возвращаются.

Редакция журнала напоминает, что ответственность за достоверность и точность рекламных материалов несут рекламодатели.