

УДК 004.05

# АНАЛИЗ ВРЕМЕННЫХ И СЛОЖНОСТНЫХ ХАРАКТЕРИСТИК ПАРОЛЬНОЙ АУТЕНТИФИКАЦИИ В ЗАЩИЩЕННЫХ ОПЕРАЦИОННЫХ СИСТЕМАХ СЕМЕЙСТВА Unix

**Д. В. Юркин,**

канд. техн. наук, доцент

Санкт-Петербургский государственный университет телекоммуникаций

**А. В. Винель,**

канд. техн. наук, ведущий научный сотрудник

ЗАО «НПФ ИНСЕТ», г. Москва

**В. В. Таранин,**

аспирант

Петербургский государственный университет путей сообщения

Описан подход к оценке вероятностно-временных характеристик протоколов аутентификации в операционных системах семейства Unix, основывающийся на теории вероятностных графов. Показано влияние действий нарушителя на работу протоколов аутентификации.

**Ключевые слова** — криптографические протоколы, Unix OS, вероятностные графы.

## Введение

В мировой практике проектирования и построения защищенных информационных систем фактическим стандартом является использование Unix-подобных систем в качестве базовой операционной системы (ОС) для серверов и рабочих станций. Особый вклад в процесс эволюции защищенных ОС внесли ведущие разработчики и испытательные лаборатории систем обеспечения сетевой безопасности и средств защиты от несанкционированного доступа, которые на основании проводимых испытаний подтвердили отсутствие недеklarированных возможностей, высокую отказоустойчивость встроенных механизмов защиты ОС. Портирование средств защиты информации Unix-подобных систем и широкий спектр поддерживаемых платформ привели к повсеместному использованию данных ОС производителями телекоммуникационного оборудования.

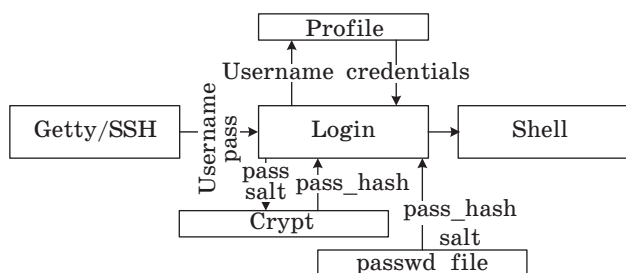
Правила реализации безопасной парольной политики и типовые настройки базовых встроенных механизмов управления доступом хорошо известны, однако вопрос анализа сложностных и временных характеристик успешного получения несанкционированного доступа к пользова-

тельским и системным данным ОС на настоящий момент не подтверждены единым математическим доказательством.

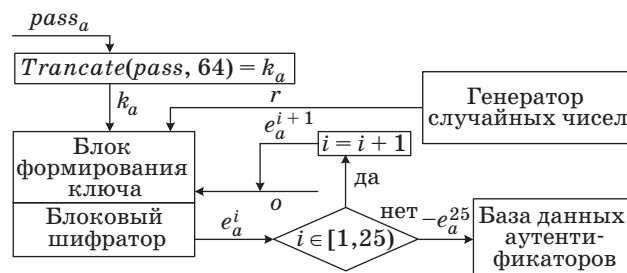
## Описание способа парольной аутентификации

При предоставлении прав доступа к информационным ресурсам защищенной ОС возникает необходимость аутентификации пользователей для реализации механизмов дискретизации прав доступа. На данный момент наиболее распространенными и доступными ОС является семейство Unix, разработанное компанией Bell Laboratories. Встроенные механизмы защиты таких ОС включают в свой состав протоколы парольной аутентификации [1], основой которых является верификация респондента по соответствию однонаправленного преобразования предъявленного пароля, приведенного в парольной таблице.

Взаимодействие программных модулей при аутентификации пользователей [2] осуществляется с вызова *getty* при непосредственном доступе с консоли и программных компонент пакета SSH при доступе с использованием сетевых средств управления программы *login*. Модуль *login* вызывается явно и замещает исходный интерпрета-



■ Рис. 1. Взаимодействие программных компонент при аутентификации субъектов в ОС



■ Рис. 2. Вычисление хеш-функции с использованием алгоритма DES

тор команд, после чего он выполняет проверку входных аутентификационных данных с использованием модуля криптографических преобразований *crypt* (или аналогичных). В случае успешной аутентификации *login* предоставляет доступ пользователю с соответствующими его профилю полномочиями к интерпретатору командной строки (рис. 1).

Вышеупомянутые криптографические преобразования могут быть реализованы выполнением функции шифрования с использованием ключа, полученного из пароля, конкатенированного с известной постоянной величиной и случайной последовательностью. В качестве однонаправленного преобразования может использоваться блочное шифрование или ключевая хеш-функция. Ряд криптографических алгоритмов, реализуемых в схеме аутентификации (таблица), используются с добавлением к ключам случайных чисел.

В схеме однонаправленного преобразования по алгоритму DES (рис. 2) пароля  $pass_a$  используется 25-кратное блочное шифрование [3] нулевой последовательности  $o$  длиной 64 бита с добавлением битной случайной последовательности  $r$  с обратной связью, в качестве ключа  $k_a$  используются первые 64 бита пароля.

Добавление случайных чисел в алгоритм формирования ключей криптографического преобразования позволяет существенно затруднить атаку на базу аутентификаторов путем рандоми-

зации его результатов. Поэтому алгоритмы перебора пароля при анализе базы данных увеличивают в общем случае трудоемкость вычислений в  $2^r$  раза.

База аутентификаторов определяет соответствие идентификаторов пользователей, их символьных имен и соответствующих им хеш-функций паролей, а также другую информацию о пользователях и группах в системе. Этот массив данных представлен в виде текстовых файлов.

Существует два различных способа хранения паролей. Первый способ подразумевает общедоступное хранение аутентификаторов и хеш-функций паролей в едином файле вместе с реквизитами бюджетов пользователей. Второй, «теневой» способ ограничивает доступ пользователей к значениям хеш-функций паролей и определяет их размещение в отдельном файле, разрешенном на чтение и изменение только системным пользователям или процессам.

Очевидно, что «теневой» способ хранения значений однонаправленных криптографических функций паролей и случайных последовательностей позволяет увеличить защищенность системы аутентификации и повышает общий уровень робастности ОС относительно способов хранения аутентификационных данных, не использующих рандомизацию.

Однако при вышеописанном информационном обмене в процессе передачи данных инициатор провоцирует прямую компрометацию общего секрета. Это делает такую схему слабой аутентификации неприменимой в открытых каналах связи, а также предполагает ее использование только в доверенной среде передачи данных, что часто обеспечивается на практике посредством криптографической инкапсуляции передаваемых данных.

### Методы формирования атак на протокол аутентификации

Рассмотрим применение методов теории вероятностных графов к моделированию различных схем взаимодействия участников информацион-

#### ■ Используемые криптографические алгоритмы

Идентификатор алгоритма	Тип криптографического алгоритма
\$0\$	DES
\$1\$	MD5
\$2\$, \$2a\$, \$2x\$, \$2y\$	Blowfish
\$3\$	Алгоритм, совместимый с NT LAN Manager
\$4\$	SHA-1 (RFC 3174)
\$5\$	SHA-256 (RFC 4868)
\$6\$	SHA-512 (RFC 4868)

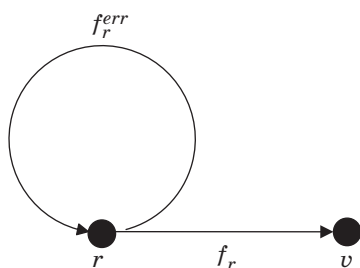
ного обмена в недоверенной среде передачи данных, состоящей из двух участников протокола (инициатора и респондента) и нарушителя. Предположим, что нарушитель имеет доступ к передаваемым сообщениям, поэтому может выполнять как перехват, так и подавление с подменой сообщения. Таким образом, взаимодействие корреспондентов информационного обмена происходит с участием посредника, который получает сообщения обеих легитимных сторон и может ретранслировать их без изменений, а может подменить любое сообщение на свое, и при этом факт подмены не будет замечен. Ориентированным графом покажем состояние схемы взаимодействия нарушителя и атакуемого легитимного корреспондента для протокола аутентификации (рис. 3).

Производящая функция перехода из состояния запроса аутентификации в состояние ее успешного завершения  $f_r = 2^{-n}x_v^t$ , а производящая функция перехода в начальное состояние протокола в случае предоставления неверных учетных данных равна  $f_r^{err} = (1 - 2^{-n})x_v^t$ . Общая производящая функция всего графа [4]

$$F(n) = \frac{f_r(n)}{1 - f_r^{err}(n)}$$

Злоумышленник, получив запрос инициатора, пытается либо предугадать соответствующий ему ответ путем перебора общего секрета легитимных участников, либо просто угадать ответ. Предположим, что однонаправленное преобразование  $R = f(S_{ab}, R)$  участники протокола выполняют идеально стойкой криптосистемой. Тогда вероятность того, что произвольно выбранное нарушителем значение  $S'_{ab}$  соответствует распределенному секрету, равна  $P(S'_{ab} = S_{ab}) = 2^{-l(S_{ab})}$ .

В случае, когда атакующий действует методом угадывания ожидаемого ответа, можно предположить, что все варианты отображения элементов множества запросов равновероятны. Тогда вероятность угадать ответ на  $i$ -й итерации  $P(R'_i = R_i) = 2^{-l(R)}$ . Таким образом, вероятность перехода из состояния  $r$  в состояние  $v$  будет  $P(r \rightarrow v) = 2^{-n}$ , где  $n$  — битовая длина перебираемой последователь-



■ Рис. 3. Вероятностный граф протокола аутентификации

ности. Время, затрачиваемое верификатором на обработку одного запроса аутентификации, определяется величиной  $t_v$ . Согласно теории вероятностных графов [5], зависимость среднего времени успешного выполнения атаки угадыванием ответа от его длины с попыткой установления одной сессии протокола

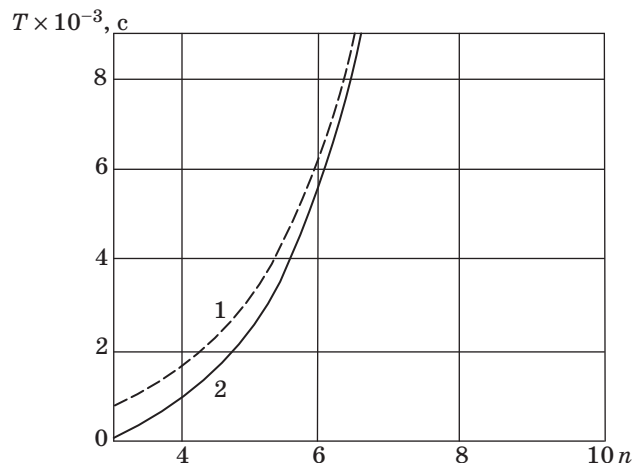
$$T_{e\_g}(n) = \frac{2^{-n} \cdot t_v \cdot (1 - (1 - 2^{-n})) + (1 - 2^{-n}) \cdot t_v \cdot 2^{-n}}{(1 - (1 - 2^{-n}))^2} = 2^n \cdot t_v.$$

Если атакующий действует методом перебора секретной последовательности, то очевидно, что с увеличением числа выполненных итераций протокола количество последовательностей, одна из которых является общим секретом легитимных корреспондентов, сокращается. Поэтому вероятность успешного перебора на  $i$ -й итерации  $P(R'_i = R_i) = 2^{-l(S_{ab}-i)}$ . Таким образом, вероятность перехода из состояния  $r$  в состояние  $v$  равна  $P(r \rightarrow v) = (2^{n_s} - i)^{-1}$ , где  $n_s$  — битовая длина общего секрета. Зависимость среднего времени успешного выполнения атаки перебором секрета от его длины при попытке установления  $i$  сессий протокола

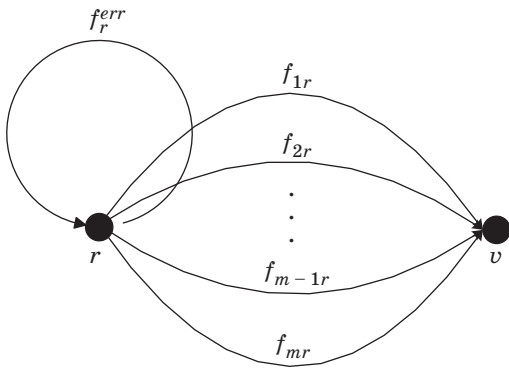
$$T_{e\_s}(n) = \frac{\frac{1}{2^{n-i}} \cdot t_v \cdot \left(1 - \left(1 - \frac{1}{2^{n-i}}\right)\right) + \left(1 - \frac{1}{2^{n-i}}\right) \cdot t_v \cdot \frac{1}{2^{n-i}}}{\left(1 - \left(1 - \frac{1}{2^{n-i}}\right)\right)^2} = (2^n - i) \cdot t_v.$$

Сравнение средних времен успешного выполнения атаки на протокол аутентификации перебором и угадыванием общего секрета представлено на рис. 4.

Однако наряду с последовательным выполнением итераций протокола атакующий также может одновременно начинать несколько сессий про-



■ Рис. 4. Сравнение среднего времени атаки угадыванием (1) и перебором (2) общего секрета



■ Рис. 5. Вероятностный граф выполнения протокола аутентификации с инициализацией  $m$  параллельных сессий

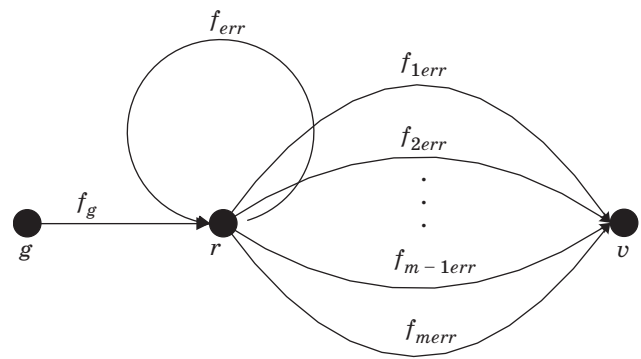
токола, в этом случае вероятностный граф протокола будет иметь вид, показанный на рис. 5.

При этом общая производящая функция всего графа

$$F(n) = \frac{f_r(n)}{m(1 - f_r^{err}(n))}, m \in \{1, \dots, n\}.$$

Среднее время выполнения данного протокола для случая угадывания последовательности за одну (две, три и четыре) сессии  $T_{e\_g}(n) = (2^n) \cdot t_v \cdot m^{-1}$  (рис. 6).

Если атакующий действует перебором общего секрета  $S_{ab}$  длиной  $l(S_{ab}) = n$  с одновременным выполнением  $m$  сессий протокола, тогда ему на каждой попытке необходимо выполнить однонаправленное преобразование за время  $t_g$ , что, безусловно, увеличит время выполнения итерации протокола, которое станет равным  $T_{e\_s}(n) = (2^n - m)(t_v + t_g) \cdot m^{-1}$ . Создание дополнительной узловой точки формирования «словаря» возможных значений общего секрета перед вероятностным переходом означает вынесение детермини-



■ Рис. 7. Вероятностный граф выполнения протокола аутентификации с инициализацией  $m$  параллельных сессий с предварительными вычислениями

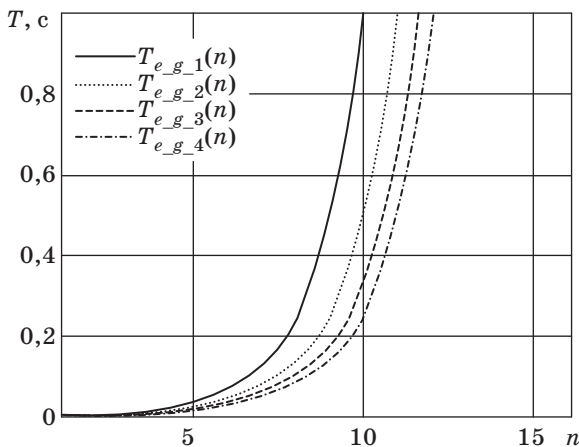
рованной конструкции из циклической группы. Следовательно, не изменяя временной сложности итерации, можно понизить вычислительную сложность вероятностного цикла алгоритма. Вид вероятностного графа протокола показан на рис. 7.

В данном случае величина среднего времени

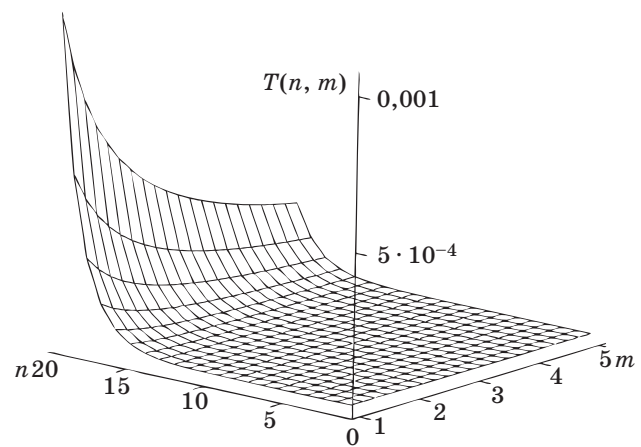
$$\begin{aligned} T_{e\_s}(n) &= \\ &= \frac{\frac{1}{2^n - m} \cdot (t_v + t_g) \left(1 - \left(1 - \frac{1}{2^n - m}\right)\right) + \left(1 - \frac{1}{2^n - m}\right) \cdot t_v \cdot \frac{1}{2^n - m}}{m \left(1 - \left(1 - \frac{1}{2^n - m}\right)\right)^2} = \\ &= m^{-1} \cdot ((2^n - m) \cdot t_v + t_g). \end{aligned}$$

Зависимость среднего времени выполнения протокола атаки от числа параллельных сессий и длины секрета в общем виде представлена на рис. 8.

Сравним результаты вероятностно-временного моделирования и теоретико-сложностных методов. Для этого произведем асимптотическую оценку функции трудоемкости алгоритма, определяющую сложность алгоритма и позволяю-



■ Рис. 6. Среднее время выполнения атаки на протокол угадыванием ответа



■ Рис. 8. Зависимость среднего времени выполнения атаки от числа сессий и длины секрета

щью выбрать предпочтения в использовании того или иного алгоритма для больших значений размерности исходных данных. Воспользуемся мажоритарной  $O(g(n))$  оценкой, позволяющей дать верхнюю оценку для трудоемкости алгоритмов атак на протокол.

В случае атаки перебором ответа решаемая задача имеет экспоненциальную сложность, следовательно, асимптотическая оценка имеет вид  $O(2^n)$ .

Среднее время выполнения итерации протокола по алгоритму атаки, направленной на перебор ответа:  $T(n) = \sum_{i=1}^n T(x) \cdot p(x)$ , где  $p(x)$  — вероятность появления входной последовательности  $x$ , а суммирование ведется по всем возможным входным последовательностям длины  $n$ . С учетом предположения о том, что при осуществлении однонаправленного криптографического преобразования все выходные последовательности равновероятны,  $T(n) = T(x)$ . Сопоставив значение среднего времени успешного выполнения протокола и асимптотическую ограничивающую сверху функцию  $g(n)$ , получим, что  $T(n) = T(x)g(n)$ , т. е. наиболее «близкой» (а в общем случае — равной) мажорирующей функцией будет сама трудо-

емкость алгоритма атаки с единичным постоянным множителем.

Таким образом, можно сделать вывод, что вероятностно-временной анализ посредством детального рассмотрения информационного взаимодействия корреспондентов позволяет находить методы линейного уменьшения среднего времени выполнения атаки перебором ответа, например запуском нескольких параллельных сессий.

## Заключение

Результаты вероятностно-временного анализа алгоритмов атак на протокол парольной аутентификации в Unix-подобных системах соответствуют теоретико-сложностным оценкам трудоемкости выполнения этих атак, наглядно иллюстрируя возможные типы поведения нарушителя, дающие при этом четкое обоснование эффективности воздействия. Вероятностно-временные методы могут иметь широкое распространение при формировании свидетельства разработчика по стойкости функции безопасности объекта оценки AVA\_SOF для проведения сертификационных испытаний средств защиты информации.

## Литература

1. **Scott Mann, Ellen L. Mitchell, Mitchell Krell.** Linux system security. — Prentice Hall, 2003. — 617 p.
2. **Robert Morris, Ken Thompson.** Password Security: A Case History // Communications of the ACM. 1997. Vol. 22. P. 594–597.
3. **Philip Leong, Chris Tham.** Unix Password Encryption Considered Inside // USENIX. 1991. Vol. 3. P. 269–279.
4. **Nikitin V., Yurkin D., Chilamkurti N.** The influence of the cryptographic protocols on the quality of the radio transmission // Proc. of Intern. Conf. on Ultra Modern Telecommunications (ICUMT-2009), St.-Petersburg, Russia, Nov. 2009. P. 1–5.
5. **Никитин В. Н., Юркин Д. В.** Улучшение способов аутентификации для каналов связи с ошибками // Информационно-управляющие системы. 2010. № 6. С. 42–46.